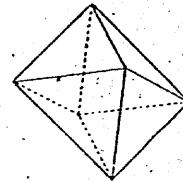


ヲ求メヨ。

四 一稜ガ四種ノ正四面體ノ投影圖ヲ書ケ。又、ソノ體積ヲ求メヨ。

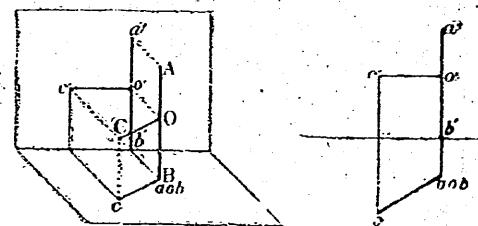
右ノ圖ノヤウナ、八ツノ正三角形ニ因マレタ立體ヲ
正八面體トイフ。コレハニツノ正四角錐ヲギ合ハセ
タ形ヲシテキル。



五 一稜ガ四種ノ正八面體ノ投影圖ヲ書ケ。

六 下ノ投影圖ハ、平畫面ニ垂直ニ立ツテキル棒 ABト、AB
ニ垂直ナ棒 OCヲ表ス。

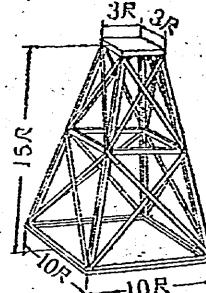
ABヲ軸ニシテ 90° 回轉スルト、Cハドコニ來ルカ、 180° 回
轉スルトドウカ。コレヲ圖ニ示セ。



七 前問デ、OCガABト 60° ノ傾キ
ヲモツトシテ、同様ノコトヲ調ベヨ。

八 右ノ見取圖ニ示シタヤウナ橋ヲ建
テルニハ、支柱ノ長サヲ幾ラニスレバヨ
イカ。

九 兩底面ノ邊ノ長サガ四種ト二種デ、
側稜ガ三種ノ正四角錐臺ノ投影圖ヲ書ケ。



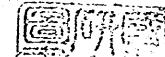
中等數學

一

第二類

文部省

(後) ¥ .60



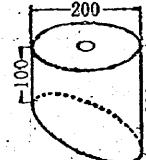
五、投影圖(二)

右ノ見取圖ニ示シタ電燈笠ヲ作ラウ。(寸法ノ単位ハ耗)

コノ電燈笠ハ、圓柱ヲ斜メニ切ツク形デアル。コノ側面ノ展開圖ハ大體下ニ示シタヤウナ形ニナル。

問一 右ノ圖ノ曲線

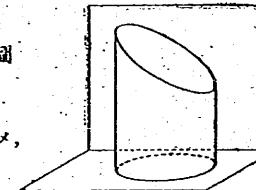
ABCヲ正確ニ書クニハ、
ドコノ寸法ガワカレバヨ
イカ。



上ノ寸法ヲ投影圖デ求メヨウ。

問二 上ニ示シタ電燈笠ノ投影圖ヲ書ケ。

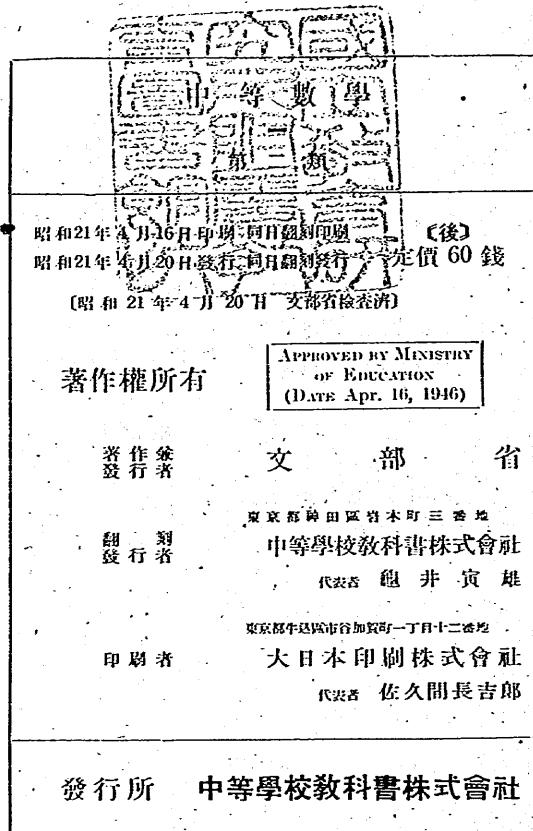
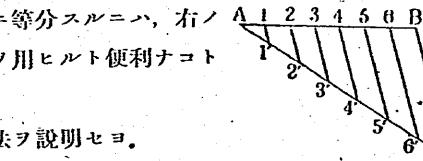
問三 投影圖デ必要ナ寸法ヲ求メ、
電燈笠ノ側面ノ展開圖ヲ書ケ。



直線ヲ幾ツカニ等分スルニハ、右ノ圖ニ示シタ方法ヲ用ヒルト便利ナコト
ガアル。

問四 コノ方法ヲ説明セヨ。

又、ソノ仕方デ直線ヲ十二等分セヨ。



一 右ノ圖ニ示シタノハ牛乳罐デアル。コノ展開圖ヲ十分ノノ縮尺デ書ケ。

二 正四面體ノ平面デ斜ノニ切ツク時ノ、切リ口ノ實形ヲ書ケ。

又、出來タ斜三角錐臺ノ展開圖ヲ作レ。

三 下ノ投影圖デ、直線 a ハ立畫面トソレニ垂直ナ平面ヨノ交線デアル。コノ平面ト直圓錐トノ交ハリノ平面圖ヲ書ケ。

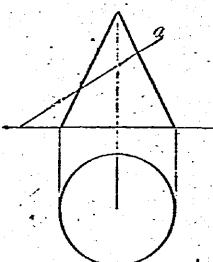
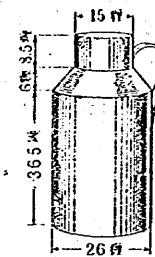
四 前問ノ直圓錐ノ展開圖ヲ作ルト、切リ口ノ線ハドノヤウナ曲線ニナルカ。

ソノ形ヲ書ケ。

五 左ノ見取圖ハ、

直圓錐ノ底ニ垂直ナ
平面デ切ツクトコロ

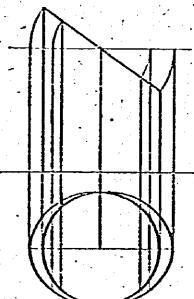
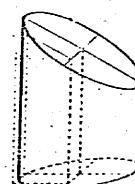
ヲ示ス。コノ切リ口ノ實形ヲ書ケ。



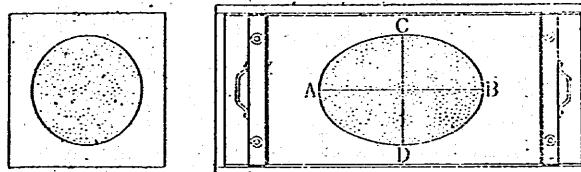
六 椎 圓

前節デ作ツク電燈笠ノ下ノ緣ノ曲線ハ、
ドノヤウナ形デアルカヲ調ベヨウ。

問一 右ノ圖ヲ参考ニシテ、直圓柱ノ平面
デ斜メニ切ツク場合ニ於ケル切リ口ノ實形ヲ
書ケ。



矩形ノゴムニ書イタ圖ヲ横ニ引き伸スト、次ノ圖ニ示スヤウニナル。即チ、CD ノ方向ニハ伸縮ナク、AB ノ方向ニハ一様ニ引き伸サレバ。



コノヤウニ、圓ヲ一定ノ方向ニ一定ノ割合デ擴大又ハ縮小シタ曲線ヲ 椎圓ト
イフ。

上ノ圖ノ AB, CD ヲソレゾレ椎圓ノ 長徑・短徑トイフ。

問二 問一デ書イタ切リ口ノ曲線ハ椎圓デアル。コレヲ説明セヨ。

問三 半徑一糧ノ圓ヲ、縦ハソノママデ、横ガ一倍半ニナル
ヤウニ引き伸シタ椎圓ヲ書ケ。

一 長徑二糧、短徑一糧ノ椎圓ヲ書ケ。

二 長徑三糧、短徑一糧ノ椎圓ヲ、長徑ハソノママデ短徑ガ
三倍ニナルヤウニ、短徑ノ方向ニ引き伸スト椎圓ニナル。コノ
理由ヲ明ラカニセヨ。

三 直圓柱ノ斜メニ切ツク切リ口ガ、長徑八糧、短徑四糧ノ
椎圓ニナルヤウニスルニハ、直圓柱ノ半徑ハ何糧アレバヨイカ。

又、底面トドレクラギ傾イタ平面デ切レバヨイカ。

四 紙ノ上ニ三本ノピンヲ刺シ,
絲ヲ輪ニシテコレニ掛け、鉛筆デ絲
ヲ張リナガラ曲線ヲ書ケ。

コノ曲線ヲ適當ナ方向ニ、適當ナ
割合デ擴大又ハ縮小スルト圖ニナル。

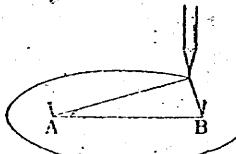
コレヲ圖ニ書イテ確カメヨ。

上ニ書イタ曲線モ椭圓デアツテ、ピンノ位置 A, B ヲ 椭圓ノ焦點 トイフ。

五 椭圓ノ周上ノ點カラ二ツノ焦點マデノ距離ノ間ニ、ドン
ヤウナ關係ガアルカ。

六 四デピンノ間ノ距離ヲ定メテオイテ、絲ヲ長クスルト、
椭圓ノ形ハドノヤウニ變ルカ。

又、絲ノ長サヲ定メテオイテ、ピンノ間ノ距離ヲ變ヘルトド
ウカ。



七 種々ノ問題

一 一稜ガ三寸ノ正四面體ヲ、一つノ稜ヲ通ル平面デニ等分
スルト、切り口ハドンナ三角形ユナルカ。ソノ切り口ノ實形ヲ
書ケ。

二 一稜ガ三寸ノ正八面體デ、各面ノ中心ヲ頂點トスル立體
ス形ト大キザトヲ圖ニ示セ。

三 前問デ、元ノ正八面體ト出來タ立體トノ體積ノ比ヲ計算
セヨ。

四 一稜ノ長サガ共ニ一稜ノ正四面體ト立方體トノ體積ノ比
ヲ計算セヨ。

一稜ノ長サガ共ニ一寸デアルトドウカ。

五 前問ノ關係ヲ用ヒテ、一稜ノ長サガ三種ノ正四面體ノ體
積ヲ計算セヨ。

一稜ノ長サガ三寸デアルトドウカ。

六 右ノ等角投影圖デ示サレタ立體ノ、
主ナ部分ノ寸法ヲ讀ミ取レ。

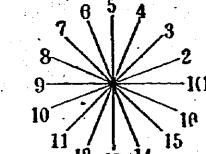
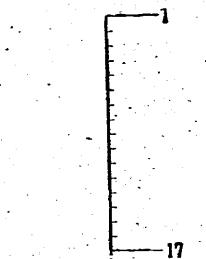
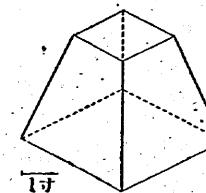
七 直徑二寸ノ圓板ヲ始メ平畫面ニ平

行ニ置キ、次
ニ一ツノ直徑
ヲ軸ニシテ 60°
回轉シタ。

ゴノ圓板ノ平面圖ヲ書ケ。

八 長サ一尺六寸ノ軸ガ真直ニ立ツテ
キテ、コノ軸カラコレト直角ニ長サ八寸
ノ横木ガ十七本出テキル。

一番ノ横木ハ軸ノ一端カラ出テキテ、
ソレカラ等間隔ニ二番、三番、四番ト次
第ニサガリ、最後ノ十七番ハ棒ノ他ノ端
カラ出テキル。



(イ) 横木ノ投影圖ヲ書ケ。

(ロ) 一番ノ横木ガ回轉シナガラサガリ、二番、三番、四番
ナドノ位置ヲ取ッテ十七番マデサガルト、ソノ木ノ端ハドンナ
道ヲ通ルカ。

コノ道ノ投影圖ヲ書ケ。

(ハ) 又、コレヲ等角投影圖デ示セ。

コノヤウナ曲線ヲ 蓋卷線 トイフ。

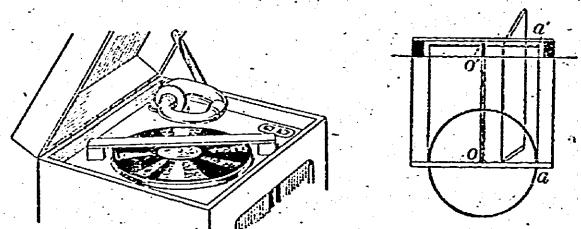
(二) 蓋卷線ハドンナ所ニ見ラレルカ。ソノ實例ヲ舉ゲヨ。

九 右ノ圖ノヤウニ、直圓柱=直角三角形

ノ紙ヲ卷キツケルト、圓柱ノ上ニ現レル曲線
ハ蓋卷線デアル、コレヲ説明セヨ。

十 自轉車ノ輪ニ自イ點ヲツケテ走ルト、
ソノ點ハドンナ線ヲ書クカ。

十一 下ノ圖ニ示シタノハ、O ノ中心トシ
テ廻ル圓板ト、ソノ上ニ渡サレタ定木デアツテ、ソノ定木ノ線
ハ O ノ真上ヲ通ツテキル。

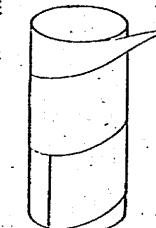


圓板ガ一様ナ速サデ廻ツテキル時、鉛筆ヲ定木ニアテテ一様
ナ速サデ動カシテ行クト、圓板ノ上ニドノヤウナ線ガ書ケルカ。

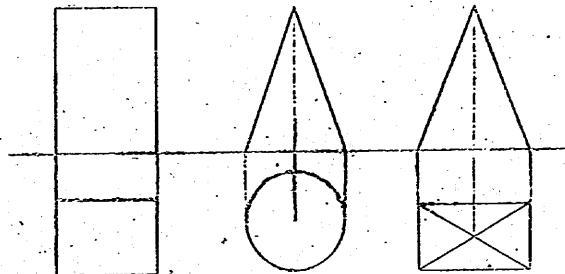
鉛筆ガ O カラ A マデ動ク間ニ、圓板ハ四回轉スルトシテ、
ソノ曲線ヲ書ケ。

コノヤウナ曲線ヲ 蓋卷線 トイフ。

十二 次ノ投影圖ニ示シタ立體ノ側面積ヲ計算セヨ。但シ、
縮尺ハイヅレモ五分ノーデアル。



十三 立方體ノ對角線ヲ平畫面ニ直立サセタ時ノ見取圖ト投
影圖ヲ書ケ。



對稱形デ、袖ヲ折リ目トシテタング場合ニ重ナル二點ノ一方ツ、他方ノ對應點トイヒ、又、ソレラノ二點ハ軸ニツイテ對稱ノ位置ニアルトイフ。

對稱形ノ上ノ二點ヲ結ブ直線ト、ソノ對應點ヲ結ブ直線トヲ對應直線トイフ。

對稱形ノ對應點ニ就イテ、次ノ性質ガアル。

對稱軸ヲ a トシ、 a = 關シテ對稱スル點ヲ A, A' トスル。

(一) a ノ上ノ點ヲ P トスルト、 PA, PA' ノ長サハ等シイ。
又、 PA, PA' ガ a ト作ル角ハ等シイ。

(二) AA' ハ a トノ交點ヲ Q トスルト、 Q ハ AA' ノ中點デアル。又、 AA' ハ a = 垂直デアル。

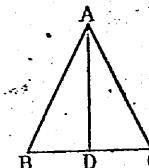
問四 上ノ二ツノ性質ガアルコトヲ説明セヨ。

問五 二等邊三角形ハ、頂角ノ二等分線ニツイテ對稱デアル。

コレヲ基ニシテ、次ニ述べルコトガラノ成り立ツ理由ヲ明ラカニセヨ。

(イ) 二等邊三角形 ABC ノ頂角 A ノ二等分線ハ、底邊 BC ノ中點 D 通り、且ツ BC = 垂直デアル。

(ロ) 二等邊三角形 ABC ノ底邊 BC ノ中點 D トスルト、角 ADB, ADC ハイヅレモ直角デアル。



(ハ) 二等邊三角形 ABC ノ兩底角ハ等シイ。

角 ADB, ADC ナドヲ、ソレヅレ $\angle ADB, \angle ADC$ ナドト書キ表ス。特ニ、直角 $\angle R$ ト書キ表ス。

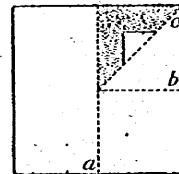
上ノ圖デ、B ノ頂點トスル角ハ角 ABC ダケデアル。コノヤウヌ場合ニハ、角 ABC ヌ單ニ角 B トイヒ、 $\angle B$ ト略シフ書クコトガアル。

二直線 AD ト BC トが垂直デアルコトヲ $AD \perp BC$ ト書ク。

圖形ノ觀察

一 對稱形

正方形ノ紙ニ、右ノ圖ノヤウニ黒ク塗ツタ圖形ト三直線 a, b, c ノ書ケ。



コノ直線ヲ折リ目トシテ a, b, c ノ順ニ、紙ヲタタミ、黒ク塗ツタ所ガ表ニナルヤウニセヨ。

次ニ、タタンダマヤデ黒ク塗ツタ部分ヲ切り取レ。

問一 切リ取ツタ部分ヲヒログルト、ドンナ圖形ガ現レルト思フカ。推定シテソノ圖ヲ書イテオケ。

切り取ツタ部分ヲ、折ツタ時ト逆ニ、順次ヒログロ。ソノ都度ドンナ圖形ニナツカカ、ソレヲ寫シ取レ。

開キ終ツタ時ニ現レク圖形ト始メニ書イタ圖形ヲ比ベヨ。

平面圖形デ、或ル直線ヲ折リ目トシテソノ圖形ヲ折リタムト、ソノ兩側ノ部分ガキチント重ナルコトガアル。

コノヤウヌ平面圖形ヲ對稱形トイヒ、折リ目ニナツタ直線ヲソノ圖形ノ對稱軸トイフ。

コノ場合ニ、圖形ハソノ直線ニツイテ對稱デアルトイフ。

問二 先ニ寫シ取ツタ圖形ハ對稱形デアル。ソノ對稱軸ヲ残ラズ圖ニ記入セヨ。

次ニ、對稱軸ノ數ト折リ目ノ數トヲ比ベヨ。

問三 正方形ノ紙ヲ八ツ折リニシテ圖形ヲ切り取り、ソレヲヒログルト、イツデモ對稱形ガ出來ル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

対称形ノ對應直線ニ就イテ、次ノ性質ガアル。

・對稱軸ヲ a トシ、 a ニ關スル A, B ノ對應點ヲソレヅレ A', B' トスル。

$$(一) AB=A'B'$$

$$(二) 二直線 AB, A'B'$$

ノ交點ハ a ノ上ニアル。

$$(三) 二直線 AB, A'B'$$

B ハ a ト等シイ角ヲ作ル。

問六 上ノ三ツノ性質ガアルコトヲ説明セヨ。

問七 二等邊三角形ノ兩底角ノ二等分線ハ、頂角ノ二等分線上デ交ハル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

次ノ圖ノヤウナ帽子ハ、眞中ノ平面ニツイテ左右が對ニナツテキル。コノ眞中ノ平面 P ニツイテ對ニナツテキル點ヲ結ブ直線ハ、 P = 垂直アリ、コレニヨツテ二等分サレル。

立體圖形ノ平面 P デニツニ分ケタ場合ニ、左右ノ對ニ

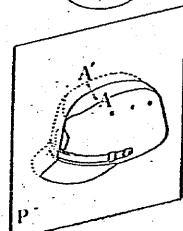
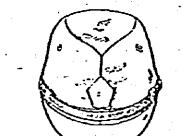
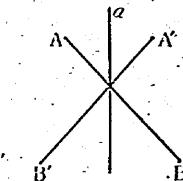
ナツテキル點ヲ結ブ直線ガ P = 垂直デ、コレニヨツテ二

等分サレル時、コノ立體圖形ハ、對稱形デアルトイフ。

又、立體圖形ハ、 P = ツイテ對稱デアルトイヒ、 P ヲノ對稱面ドイフ。

對稱形、對稱面 P = ツイテ左右ノ對ニナツテキル二點ノ一方ヲ、他方ノ對應點トイヒ、ソレラノ二點ハ、對稱面ニツイテ對稱ノ位置ニアルトイフ。

問八 對稱ナ立體ノ例ヲ舉グヨ。

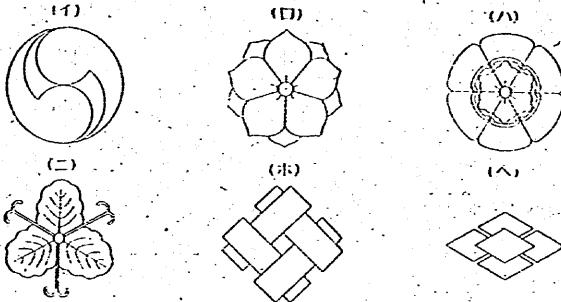


問九 正八角錐ノ見取圖ヲ書イテ、ソノ對稱面ヲ残ラズ示セ。

問十 正四面體ノ畫面ニ對シテドノヤウナ位置ニ置クト、ソノ立面圖ト平面圖ガ共ニ對稱形ニナルカ。

一 折り紙デ、櫻ノ花ノ形ヲ切り取ル方法ヲ工夫セヨ。

二 次ノ紋章ノウチ對稱形ハドレカ。又、ソノ對稱軸ヲ残ラズ示セ。



三 次ノ圖形ノウチ對稱形ハドレカ。又、ソノ對稱軸ヲ残ラズ示セ。

(1) 直線 (2) 圓 (3) 正方形

(4) 菱形 (5) 平行四邊形 (6) 平行線

(7) 直交スル二直線 (8) 斜交スル二直線

四 二等邊三角形 ABC の兩底角 B, C の二等分線ガ向カヒ合ツテキル邊 AC, AB ト交ハル點ヲソレヅレ D, E トスレバ、BE ト CD トノ長サハ等シイ。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

五 等脚梯形ハ平行ナ邊ノ中點ヲ結ブ直線ニツイテ對稱デアル。コレヲ基ニシテ、次ノコトヲ調ベヨ。

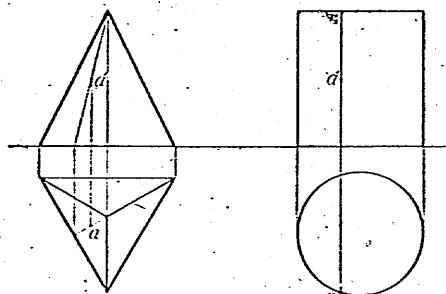
- (イ) 平行デナイ邊ノ交點ノ位置
- (ロ) ニツノ對角線ノ長サ
- (ハ) 對角線ノ交點ノ位置
- (メ) 對角線ノ交點ト、ソコヲ通ツテ底ニ平行ニ引イタ直線トノ關係

六 次ノ圖形ノウチ對稱形ハドレカ。又、ソノ對稱面ヲ残ラズ示セ。

- (イ) 平面 (ロ) 交バル二平面 (ハ) 立方體
- (メ) 平行六面體 (ホ) 球 (ヘ) 直圓錐

七 次ニ示シタノハ、正三角錐・直圓柱トソノ側面ノ上ニアル點Aノ投影圖デアル。

各對稱面ニツイテ A = 對應スル點ヲ示セ。



八 對稱ナ立體ヲ對稱面ニ垂直ナ平面で切ルト、切り口ハ對稱形ニナル。コレヲ正五角錐ニ就イテ確カメヨ。

二 圓

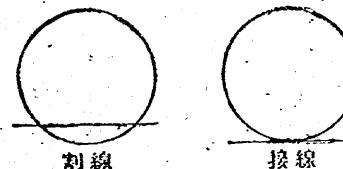
平面ノ上ニ一ツノ圓ト直線ガアル。圓ニ對スル直線ノ位置ヲイロイロニ變ヘテミ。

圆ト二點共會フ直線ヲ、ソノ圓

ノ 割線、トイフ。又、圆ト唯一點

共會フ直線ヲ、ソノ圓ノ 極線

トイヒ、ソノ點ヲ 接點、トイフ。



割線

接線

限リナク左右ニ延ビテキ

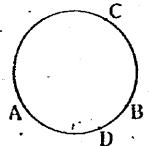
ル直線ハ、ソレニ垂直ナドンナ直線ニツイテモ對稱デアル。又、圆ハドノ直徑ニツイテモ對稱デアル。隨ツテ、平面上ニ直線ト圆トガアル時、圆ノ中心ヲ通ツテ直線ニ垂直ナ直線ガ、ソノ直線ト圓トニ共通ナ對稱軸デアル。

問一 上ニ述ベタコトヲ基ニシテ、接線・割線ニ關シテ、次ノコトガ成リ立ツ理由ヲ明ラカニセヨ。

(イ) 圆ノ中心カラ割線ニ引イタ垂線ハ、圓ガ割線カラ切り取ツタ直線ノ中點ヲ通ル。

(ロ) 圆ノ中心カラ接線ニ引イタ垂線ハ、ソノ接點ヲ通ル。
圆周上ノ二點ヲ結ブ直線タ致 トイヒ、ソノ二點ヲ兩端トスル圓ノ各々ノ部分
ヲ 弧 トイフ。

右ノ圖デ、A,Bヲ兩端トスルニツノ弧ヲ 互ニ共轭デアル
トイフ。共轭弧ノ下ヲラク示スカタ明ラカニスルニハ。右ノ
圓ノヤウニ、弧ノ上ニ點 C,Dヲ取り、弧 ACB, 弧 ADB A
トイヒ、ソレゾレ \widehat{ACB} , \widehat{ADB} ト書キ表ス。

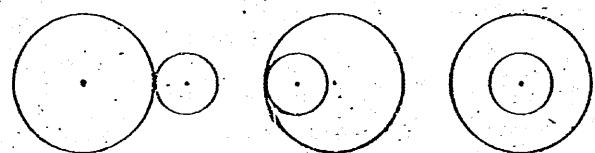


平面ノ上ニ二ツノ圓ガアル，二圓ノ位置ヲイロイロニ變ヘテ
ミヨ。

二ツノ圓ノ中心ヲ結ブ直線ヲ，ソノ二端ノ中心線トトイフ。

二ツノ圓が唯一點共存會ク時，ソレラヘ接スルトイヒ，ソノ點ヲ接點トイフ。二ツノ圓が接シテキル時，各々が他ノ外部ニアルカ，一方が他方ノ内部ニアルカニ從ツテ，二ツノ圓ハ外接スル，内接スルトイフ。

同ジ點ヲ中心トスル圓ヲ同心圓トイフ。



二ツノ圓ハ，中心線ヲ共通ナ對稱軸トスル。

問二・上ニ述ベクコトヲ基ニシテ，二ツノ圓ノ位置關係ニ就イテ，次ノコトガ成り立ツ理由ヲ明ラカニセヨ。

(イ) 二ツノ圓が交ハツテキル時，中心線ハ二圓ノ交點ヲ結シテ出來ル弦ノ垂直二等分線デアル。

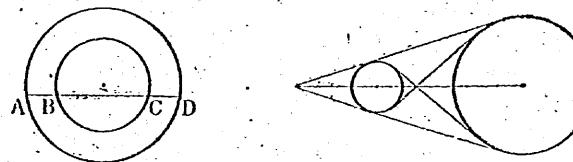
(ロ) 二ツノ圓が接シテキル時，中心線ハ接點ヲ通ル。又，接點デ中心線ニ立テタ垂線ハ，各ノ圓ノ接線デアル。

二ツノ圓が交ハツテキル時，ソノ交點ヲ結シテ出來ル弦フ，二圓ノ共通弦トイフ。又，接スル二ツノ圓ニ共通ナ接線ヲ，二圓ノ共通接線トイフ。

一 椎圓ハドノヤウナ直線ニツイテ對稱デアルカ。又，ソノ理由ヲ明ラカニセヨ。

二 二點A, Bヲ兩端トスル二ツノ弧ノ中點ヲC, Dトスル。直線AB, CDノ關係ヲ調ベヨ。

三 同心圓ヲ左ノ左ノ圖ノヤウニ直線デ切ルトAB=CDデアル。コレヲ説明セヨ。



四 二ツノ圓ニ共通ナ接線ノタチ，圓ニ對シテ同ジ位置關係ニアルモノノ交點ハ，中心ヲ結ブ直線ノ上ニアル。二ツノ圓ノ位置ヲイロイロニ變ヘテ調ベヨ。

三 球

直徑ノ一方ノ側ニアル半圓ガ，ソノ直徑ノマハリニ一回轉スルト球が出來ル。

圓形ガ直線ノマハリニ一回轉シテ作ル立體ヲ回轉體トイフ。

一般ニ，回轉體ハ立體圓形デアルガ，平面圓形ニモ回轉體ト考ヘラレルモノガアル。例ヘバ，圓・平面ハ，ソレヅレ點・直線ヲ回轉シテ出來タモノト考ヘラレル。

回轉ノ軸ニナル直線ヲ回轉軸トイフ。

問一 次ノ立體ハ回轉體ト考ヘラレル。基ニナル圓形ト，ソノ圓形ト回轉軸トノ位置關係ヲ言ヘ。

(イ) 直圓錐 (ロ) 直圓柱

平面及ビ球ハ、イヅレモ回轉體デアルト考ヘラレル。隨ツテ、平面ト球トガアル時、球ノ中心ヲ通リ平面ニ垂直ナ直線ガ、平面ト球トニ共通ナ回轉軸デアル。コレヲ基ニシテ、平面ト球トノ位置關係ヲ調ベルコトガデキル。

問二 平面ト球トノ位置關係ニ就イテ、ドノヤウナ場合ガアルカ。

平面ト球トガ唯一點デ出會フ時、ソノ平面ク球ノ接平面トイヒ、ソノ點ヲ接點トイフ。

同様ニ、直線ト球トニ就イテモ、接線、接點、ガ考ヘラレル。

問三 平面ト球トノ位置關係ニ就イテ、次ノコトガ成リ立ツ理由ヲ明ラカニセヨ。

(イ) 平面ト球トガ交ハル時、ソノ交ハリノ線ハ圓デアル。又、球ノ中心カラ平面ニオロシタ垂線ハ、ソノ圓ノ中心ヲ通ル。

(ロ) 平面ト球トガ接スル時、球ノ中心カラ平面ニオロシタ垂線ハ接點ヲ通ル。

二ツノ球ハ、ソノ中心ヲ結ブ直線ヲ共通ナ回轉軸トスル立體デアル。コレヲ基ニシテ、二ツノ球ノ位置關係ヲ調ベルコトガデキル。

二ツノ球ノ中心ヲ結ブ直線ヲ、ソノ二ツノ球ノ中心線トイフ。二ツノ球ガ唯一點デ出會フ時、ソレハ接スルトイヒ、ソノ點ヲ接點トイフ。

問四 二ツノ球ノ位置關係ニ就イテ、次ノコトガ成リ立ツ理由ヲ明ラカニセヨ。

(イ) 二ツノ球ガ交ハル時、ソノ交ハリノ線ハ圓デ、中心線

ハ圓ノ中心ヲ通ル。

(ロ) 二ツノ球ガ接スル時、中心線ハ接點ヲ通ル。

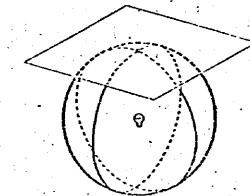
透明ナ紙デ作ツタ地球儀ノ中心ニ光源ヲ置イテ、北極ノ接平面ニ地球儀ノ影ヲ映シクトスル。コノ時、經線・緯線ハドノヤウナ線ニ映ルカヲ調ベヨウ。

問五 點ガ或ル經線ノ上ヲ動クト、コノ點ト中心ヲ結ブ直線ハ、ドノヤウナ面ヲ作ルカ。

經線ハドノヤウナ線ニ映ルカヲ調ベヨ。

問六 點ガ或ル緯線ノ上ヲ動クト、コノ點ト中心ヲ結ブ直線ハ、ドノヤウナ面ヲ作ルカ。ソノ面ト北極ノ接平面トデ作ル圖形ハ、ドノヤウナ圖形ノ回轉デ出來ルカ。

緯線ハドノヤウナ線ニ映ルカヲ調ベヨ。

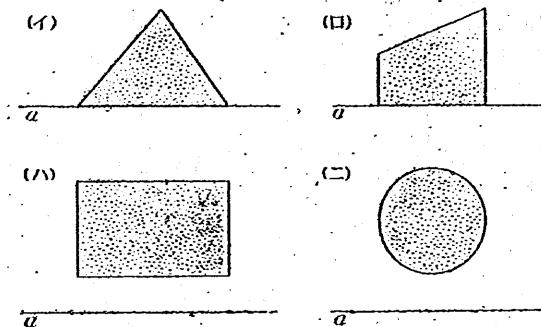


一 右ノ立體ノ表面ハ、
ドノヤウナ圖形ガ回轉シテ
出來タモノト考ヘラレルカ。
ソノ略圖ヲ書ケ。



二 回轉體ハ對稱形デアル。ソノ理由ヲ明ラカニセヨ。

三 次頁ノ圖形ヲ直線aノマハリニ回轉スルト、ドンナ圖形
ガ出來ルカ。ソノ形ヲ圖ニ示セ。



四 半径十種ノ地球儀ノ中心ニ光源ヲ置イテ、北極ノ接平面ノ上ニ影ヲ映シトスル。

北緯 50° ノ緯線ハドレクラキノ長サノ線ニナツテ映ルカ。ソノ長サト元ノ緯線ノ長サトノ比ヲ計算セヨ。

五 前問テ、光源ヲ南極ニ置クト、經線・緯線ハドノヤウナ線ニ映ルカヲ調ベヨ。

北緯 50° ノ緯線ト影トノ長サヲ比較セヨ。

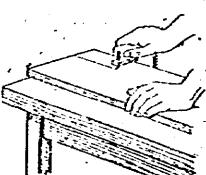
六 或ル平面ノ上ニ球ガアル。接點ヲ通ツテソノ平面ノ上ニ引イタ直線ト球トノ關係ヲ調ベヨ。

四 平 行 線

身ノマハリノ物ヲ觀察スルト、平行ナ直線ガ多イ。

問一 平行ナ直線ノ例ヲ舉グヨ。又、平行線ノ性質ヲトメヨ。

問二 板ノ幅ヤ厚サヲキメルノニ野引



トイフ道具ヲ用ヒル。コノ道具ノ使ヒ方ヲ説明セヨ。

平面ノ上ニ二ツノ直線ガアル。ソノ直線ニ他ノ一直線が交ハルト八ツノ角ガ出來ル。

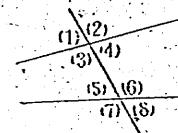
右ノ圖デ (1) ト (5), (2) ト (6)

(3) ハ (7), (4) ハ (8)

ヲソレゾレ 同位角 トイヒ。

(3) ハ (6), (4) ハ (5)

ヲソレゾレ 錯角 トイフ。



ニツノ直線ハ、次ノ場合ニ平行デアル。

(一) (或ル平面ノ上デ)一直線ト直角ニ交ハル二直線ハ平行デアル。

(二) (同ジ平面ノ上ニアル)二直線ガ他ノ一直線ト交ハツテ出來ル一組ノ同位角(又ハ錯角)ガ等シイト、ソノ二直線ハ平行デアル。

(三) (或ル平面ノ上デ)一直線ノ同ジ側テ、ソノ直線カラ等距離ニアル二點ヲ通ル直線ハ、元ノ直線ニ平行デアル。

(四) 同ジ平面ノ上ニアツテ、交ハラナイ二直線ハ平行デアル。

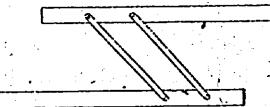
(五) 一平面ニ垂直ナ二直線ハ平行デアル。

上ノ五ツノ直線ガ平行ニルタメノ條件 トイフ。

四邊形デ、二組ノ向カヒ合ツテキル邊ガソレゾレ平行デアルト、コノ四邊形ヲ

平行四邊形トイフ。

問三 次ニ示シタノハ、平行
線ヲ引クタメノ定木デアル。



コノ定木ノ作り方ト使ヒ方トヲ説明セヨ。

問四 不平行四邊形ヲ書ク方法ヲ工夫セヨ。

四邊形ハ、次ノ場合=平行四邊形デアル。

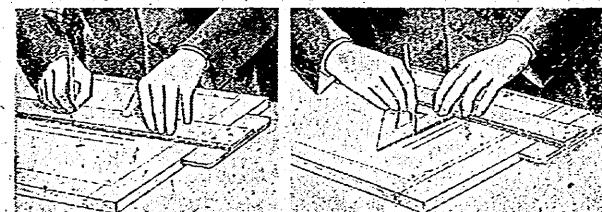
(一) 四邊形デ、二組ノ向カヒ合ツテキル邊ガソレゾレ等シ
イト、平行四邊形デアル。

(二) 四邊形デ、一組ノ向カヒ合ツテキル邊ガ等シクテ平行
デアルト、平行四邊形デアル。

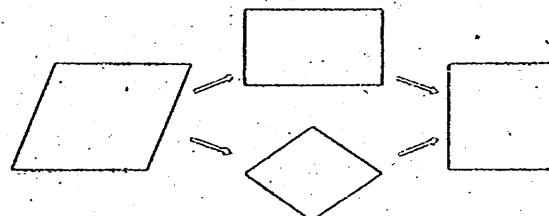
(三) 四邊形デ、各邊ノ兩端ノ角ノ和ガ二直角デアルト、平
行四邊形デアル。

上ノ三ツク 四邊形ガ平行四邊形ニカルタメノ條件 トイフ。

一 製圖デハ、平行線ヲ引クノニ丁定木ヲ用ヒル。丁定木ノ
使ヒ方ヲ説明セヨ。



二 矩形・菱形・正方形ハソレゾレドノヤウナ四邊形カ。下ノ
圖ヲ参考ニシテ、ソノ關聯ヲ調ベヨ。



三 矩形・菱形・正方形ノ二ツノ對角線ノ關係ヲ調ベヨ。又、
對稱軸ノ數トソノ位置ニ就イテ調ベヨ。

五、平行平面

身ノマハリノ物ヲ觀察スルト、平行ナ平面ガ多イ。

問一 平行ナ平面ノ例ヲ舉グヨ。又、平行平面ノ性質ヲマト
メヨ。

問二 平行ナ二ツノ直線 a, b ト、ソレニ直角ニ交ハル直線 c ガ
アル。 a, b ヲ c ノマハリニ回轉スルト、ドノヤウナ四邊形ガ出來
ルカ。

二ツノ平面ハ、次ノ場合=平行デアル。

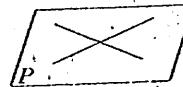
(一) 一平面カラ等距離ニアル三點ヲ平面ノ同ジ側ニ取ルト、
ソノ三點ヲ通ル平面ハ、元ノ平面ニ平行デアル。

(二) 一直線ニ垂直ナ二平面ニ平行デアル。

(三) 平面 P 外ニ點 A ガアル。 A ヲ通ツテ、 P ノ上ノ交ハル

二直線ニソレヅレ平行ナ直線ヲ引クト。
ソノ二直線ヲ含ム平面ハ、 P ニ平行デアル。

上ノ三ツノ 平面ガ平行ニナルタメノ條件 トイフ。



平行ナ二ツノ平面ノ一方ノ上ノ直線ハ、他方ノ平面ト出會ハシイ。

コノヤウニ、直線ト平面トが出会ハシイ時、ソレラハ、平行デアル。トイフ。

問三 直線ト平面トガ平行ニナツテ キル例ヲ舉グヨ。各ノ場合ニ就イテ、ソノ理由ヲ明ラカニセヨ。

問四 二直線 a, b が平行デアルト、 b ヲ含ム平面 P ハ、一般ニ a ニ平行デアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

一 平行ナ平面ヲツノ平面デ切ルト、ソノ切り口ノ線ハ平行デアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

二、交ハル二直線 a, b ヲ含ム平面 P ハ唯一ソアル。コレヲ 二直線 a, b ハ平面 P ヲキメル。トイフ。

二直線 a, b が點 A デ交ハツテキル。一點 A' ド通リ、ソレニ平行ナ直線ヲ引キ、コレヲソレヅレ a', b' トスル。 a, b デキメル平面 P ハ、 a', b' デキメル平面 P' ニ平行デアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

三、道ニ映ツタ電柱ノ影ハ平行デアル。コレヲ説明セヨ。

四 窓ニ日ガアツテキル。障子ノ棧デ出来タ矩形ガ床ニ映ツク影ハ、平行四邊形デアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

五 前問デ、影ノ形ガ矩形ニナルノハ、太陽ガ窓ニ對シテドノヤウナ位置ニアル場合カ。

六 直方體ヲソノ平行ナ四ツノ稜ニ交ハル平面デ切ルト、切り口ハ平行四邊形デアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

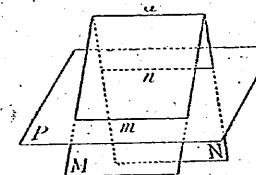
七 前問デ、切り方ヲ變ヘルト、平行四邊形ノ形ガ變ル。

(イ) 切り口ヲ矩形テスルニハ、ドノヤウニ切レバヨイカ。

(ロ) 正方形ニスルニハドウカ。

(ハ) 菱形ニスルニハドウカ。

八 直線 a トソニ平行ナ平面 P ガアル。 a ヲ通ル平面ヲソノマハリニ回轉スルト、ソノ平面ト P トノ交線ハ a ニ平行デアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。



次ニ、ソノ交線ノ間ノ關係ヲ調ベヨ。

九 水平器ヲ使ツテ、平板ガ水平ニナツテキルカドウカラ調ベル方法ヲ考ヘヨ。

六 種々ノ問題

一 直圓筒ガ地球儀ニ赤道デ接シテキル。先づ、光源ヲ地球儀ノ中心ニ置イテ、ソノ影ヲ直圓筒ニ映シ、次ニ、直圓筒ヲ母線ニ沿ツテ切り開クト地圖ガ出來ル。

(イ) 經線・緯線ハドノヤウナ線ニナルト思フカ。

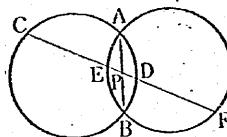
(ロ) 10° オキノ緯線ヲ書ケ。

(ハ) 北緯 50° カラ南緯 50° マデノ 10° オキノ緯線ヲ書ケ。

ニ 二ツノ等シイ圓ガ外接シテキル時、接點ヲ通ル直線カラ各々ノ圓ガ切り取ル直線ノ長サハ等シ。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

三 二ツノ等シイ圓ガ A, B デ交ハツテキル。

右ノ圖ノヤウニ、ABノ中點Pヲ通ル直線ヲ引キ、一方ノ圓トノ交ハリヲ C, D トシ、他方ノ圓トノ交ハリヲ E, F トスル。次ノ關係が成リ立ツ理由ヲ明ラ



$$EP=DP, \quad CP=FP, \quad CD=EF$$

四 平面上ニ圓 O ト圓ノ外部ノ點 A ガアル。A カラ圓 O ニ接線 AB, AC ヲ引キ、ソノ接點ヲ B, C トスル。角 BAO, CAO ノ間ニドノヤウナ關係ガアルカヲ調ベヨ。

五 二等邊三角形ノ底邊ノ兩端カラ、向カヒ合ツテキル邊ニオロシタ垂線ノ長サハ等シク、ソノ交ハリヲ頂角ノ二等分線ノ上ニアル。コノ理由ヲ明ラカニセヨ。

六 圓ノ直徑 AB ノ上ノ點ヲ P トシ、圓周ノ上ニ二點 C, D ヲ取り、角 CPB, DPB ヲ等シクスル。PC, PD ノ間ニドノヤウナ關係ガアルカヲ調ベヨ。